

МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ  
КРЕМЕНЧУЦЬКИЙ НАЦІОНАЛЬНИЙ УНІВЕРСИТЕТ  
ІМЕНІ МИХАЙЛА ОСТРОГРАДСЬКОГО



МЕТОДИЧНІ ВКАЗІВКИ  
ЩОДО ВИКОНАННЯ ПРАКТИЧНИХ РОБІТ  
З НАВЧАЛЬНОЇ ДИСЦИПЛІНИ  
**«СИСТЕМНЕ ПРОГРАМУВАННЯ»**  
ДЛЯ СТУДЕНТІВ ДЕННОЇ ТА ЗАОЧНОЇ ФОРМ НАВЧАННЯ  
ЗІ СПЕЦІАЛЬНОСТІ 123 – «КОМП'ЮТЕРНА ІНЖЕНЕРІЯ»

КРЕМЕНЧУК 2021

Методичні вказівки щодо виконання практичних робіт з навчальної дисципліни «Системне програмування» для студентів денної та заочної форм навчання зі спеціальності 123 – «Комп'ютерна інженерія».

Укладач старш. викл. Ю. В. Зілінський

Рецензент к. т. н., доц. В. М. Сидоренко

Кафедра комп'ютерних та інформаційних систем

Затверджено методичною радою Кременчуцького національного університету імені Михайла Остроградського

Протокол № \_\_\_\_\_ від « \_\_\_\_ » \_\_\_\_\_ 20\_\_ р.

Голова методичної ради \_\_\_\_\_ проф. В. В. Костін

## ЗМІСТ

Вступ .....	4
1 Перелік практичних робіт .....	6
Практична робота № 1 Організація операцій уведення/виведення чисельних даних .....	6
Практична робота № 2 Арифметичні операції з багаторозрядними цілими числами .....	22
Практична робота № 3 Операції з дійсними числами з фіксованою комою .....	35
2 Критерії оцінювання якості виконання практичних робіт студентами .....	42
Список літератури .....	43

## ВСТУП

Методичні вказівки містять три практичні роботи, передбачені для виконання у четвертому навчальному семестрі робочою навчальною програмою з навчальної дисципліни «Системне програмування» для студентів денної та заочної форм навчання зі спеціальності 123 – «Комп'ютерна інженерія».

Тематика практичних робіт спирається на тематику лабораторних робіт з навчальної дисципліни «Системне програмування» і не передбачає вивчення нових команд мікропроцесора. Матеріали практичних робіт орієнтовані на вивчення алгоритмів використання вже відомих з лабораторного практикуму команд мікропроцесора.

Перша практична робота присвячена вивченню алгоритмів перетворення чисел в різних системах числення із символьного формату в машинне подання і алгоритмів зворотних перетворень.

Система команд мікропроцесора та апаратура комп'ютера дозволяють виконувати операції введення/виведення інформації, поданої тільки у символьному вигляді (окремі символи або рядки символів), тому перед їх виконанням необхідно самостійно передбачити в програмі потрібні перетворення даних.

Друга практична робота присвячена вивченню алгоритмів «довгої» цілочисельної арифметики підвищеної точності.

Мови високого рівня зазвичай обмежені в наборі типів даних, з якими вони можуть працювати. Для зберігання цілих чисел застосовують окремі байти, слова, подвійні слова або подвійні подвійні слова. Використовуючи асемблер, можна придумати тип даних абсолютно будь-якого розміру (128 біт, 256 біт, ..., 1024 біта, ...) і легко визначити всі арифметичні операції з такими числами. Арифметику для багаторозрядних цілих чисел використовують, наприклад, у класі задач криптографії та криптоаналізу.

Третя практична робота присвячена вивченню алгоритмів арифметики з фіксованою комою.

Існує певний клас задач, де потрібно виконувати обчислення з дійсними числами, до того ж, бажано робити це дуже швидко, а висока точність результатів непотрібна. Використання для таких розрахунків команд арифметичного співпроцесора недоцільне, або може бути й зовсім неприйнятне.

Таким вимогам, наприклад, відповідають деякі задачі комп'ютерної графіки. Ураховуючи растровий принцип формування зображення на екрані монітора, похибка обчислень координат певного пікселю екрана, що може виникати у знакових розрядах дробової частини числа, тут не має вирішального значення, адже отримані результати розрахунків усе одно доведеться перетворювати на ціле число, що відповідає екранним координатам.

Окрім того, матеріали другої та третьої практичних робіт можуть бути використанні для розробки програмного забезпечення для мікроконтролерів. Використання алгоритмів «довгої» арифметики може значно розширити обчислювальні можливості 8- та 16-розрядних мікроконтролерів. Використання алгоритмів арифметики з фіксованою комою надає додаткові можливості мікроконтролерам, які не мають блока арифметики з плаваючою комою.

Під час практичної роботи студент ознайомлюється з теоретичним матеріалом, вивчає наведені приклади, розробляє алгоритм написання програми згідно з індивідуальним завданням.

За результатами виконання завдання практичної роботи студент складає звіт. Залік із практичної роботи студент одержує після співбесіди з викладачем, під час якої він повинен продемонструвати теоретичні знання з певної теми, обґрунтувати вибір алгоритму розв'язання задачі, надати вичерпні пояснення за текстом розробленої програми.

# 1 ПЕРЕЛІК ПРАКТИЧНИХ РОБІТ

## Практична робота № 1

### Тема. Організація операцій уведення/виведення чисельних даних

**Мета:** вивчення і набуття практичних навичок реалізації алгоритмів перетворення рядків символів на машинне зображення і зворотних перетворень.

### Уведення/виведення рядків символів

Мікропроцесор зберігає і обробляє дані, подані лише в двійковому вигляді (двійкові числа, BCD-числа, коди символів). Система команд мікропроцесора та апаратура комп'ютера дозволяють виконувати операції уведення/виведення інформації поданої *тільки у символному вигляді* (окремі символи або рядки символів). Тому перед виконанням операції уведення/виведення необхідно самостійно передбачити в програмі потрібні перетворення даних. Розглянемо деякі засоби програмної організації операцій уведення/виведення.

Уведення/виведення інформації для текстового режиму роботи відеосистеми під керуванням ОС Windows здійснюється за допомогою консольного вікна. У консольному вікні відображається інформація, що вводиться з клавіатури, і повідомлення, що виводяться. Поняття консолі більш широке. Консоль – це інтерфейс, що забезпечує підтримку програм, які працюють у текстовому режимі. Консоль складається з буфера введення та одного або декількох екранних буферів. Буфер уведення являє собою чергу, кожний запис якої містить інформацію про події введення. Події введення – це натискання і відпускання клавіш на клавіатурі та миші, а також дії користувача безпосередньо з самим вікном (переміщення, мінімізація і т. д.). Екранний буфер – це двовимірний масив, що містить коди символів та їх колір – байт-атрибут.

Інтерфейс прикладного програмування (Application Programming Interface – Win API) містить достатній набір функцій, що забезпечують роботу консольного додатка. Розглянемо деякі з них, а також функції стандартної бібліотеки MASM.

Функція BOOL WINAPI AllocConsole (VOID)

Призначення: Створення консолі для додатка.

Вхідні параметри: Відсутні.

Вихідні значення: У разі успішного завершення повертає значення TRUE, інакше – FALSE.

Функція BOOL WINAPI FreeConsole (VOID)

Призначення: Звільнення консолі.

Вхідні параметри: Відсутні.

Вихідні значення: У разі успішного завершення повертає значення TRUE, інакше – FALSE.

Функція MASM StdIn proc lpzBuffer:DWORD, bLen:DWORD

Призначення: Уведення тексту з клавіатури та розміщення його в буфері.

Закінчення введення з натисканням клавіші Enter.

Вхідні параметри: lpzBuffer – буфер, куди поміщається текст із клавіатури; bLen – розмір буфера.

Вихідні значення: Немає.

Функція MASM StdOut proc (lpzText: DWORD)

Призначення: Відображення ASCIIZ – рядка на екрані монітора з поточної позиції курсора.

Вхідні параметри: lpzText – адреса ASCIIZ-рядка, який необхідно відобразити.

Вихідні значення: Немає.

Функція MASM locate proc x:DWORD, y:DWORD

Призначення: Установлення курсора на екрані монітора за вказаними координатами.

Вхідні параметри: X – координата екрана монітора; Y – координата екрана монітора.

Вихідні значення: Немає.

### **Перетворення десяткових чисел в ASCII форматі на машинне зображення**

З уведенням чисел у десятковому форматі, тобто у вигляді рядка із символів 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9 з використанням функції StdIn у пам'яті формується рядок байтів з ASCII кодів десяткових цифр. ASCII код цифри

відрізняється від значення, що вона являє собою, на величину 30h. Символ “0” кодується як 30h, “1” – як 31h, . . . . , “9” – як 39h

Рядок із цифр “1234” з уведенням буде поданий у пам’яті у вигляді:

31h 32h 33h 34h 0Ah 0Dh

1 2 3 4 5 6

Байти 1 - 4 : ASCII коди введених символів,

Байт 5 : ASCII код символу керування – перехід на початок рядка (0Ah)

Байт 6 : ASCII код клавіші Enter (0Dh)

Зменшивши ASCII код кожної цифри на значення 30h, отримаємо четвірку байтів, що являтиме собою еквівалент десяткового числа 1234 у незапакованому BCD форматі, де кожний байт являтиме собою двійковий еквівалент відповідної десяткової цифри.

Можна скористатися відомими формулами розкладання для позиційних систем числення. Загалом у позиційній системі числення значення числа, що має зображення

$$A_p = \pm a_{n-1}a_{n-2}\dots a_1a_0, a_{-1}a_{-2}\dots a_{-m}, \quad (1.1)$$

може бути подане у вигляді суми:

$$\|A_p\| = \pm (a_{n-1} \cdot p^{n-1} + a_{n-2} \cdot p^{n-2} + \dots + a_0 \cdot p^0 + a_{-1} \cdot p^{-1} + \dots + a_{-m} \cdot p^{-m}), \quad (1.2)$$

де  $n$  – загальна кількість розрядів у цілій, а  $m$  – у дробовій частині числа,  $a_k$  – цифра  $k$ -го розряду  $0 \leq a_k \leq p-1$ ,  $p$  – основа системи числення,  $p^{n-i}$  ( $i=1..n$ ) – вага  $i$ -го розряду цілої, а  $p^{-j}$  ( $j=1..m$ ) – вага  $j$ -го розряду дробової частини числа.

За відсутності дробової частини числа

$$\|A_p\| = \pm (a_0 \cdot p^0 + a_1 \cdot p^1 + a_2 \cdot p^2 + \dots + a_{n-2} \cdot p^{n-2} + a_{n-1} \cdot p^{n-1}). \quad (1.3)$$

Помноживши значення кожного байта починаючи з молодшого, на відповідний ваговий коефіцієнт ( $10^0, 10^1, 10^2, \dots$ ) і підраховуючи суму часткових добутоків, отримаємо абсолютне значення числа в двійковій системі числення:  $4 \times 10^0 + 3 \times 10^1 + 2 \times 10^2 + 1 \times 10^3 = 1234$ , або  $04h \times 01h + 03h \times 0Ah + 02h \times 64h + 01h \times 03D8h = 04D2h$ . Таблиця 1.1 демонструє наведену схему.



Таблиця 1.1

Операція	Результат	
	Десятковий	Шістнадцятковий
4 x 1 =	0004d	0004h
3 x 10 =	0030d	001Eh
2 x 100 =	0200d	00C8h
1 x 1000 =	1000d	03E8h
Сума	1234d	04D2h

Неважко переконатися, що  $1234d = 04D2h$ . Таким чином, процедура перетворення полягає в наступному:

1. Зарезервувати місце для зберігання вагового коефіцієнта кожної десяткової цифри числа. Початкове значення вагового коефіцієнта взяти таким що дорівнює 1.

2. Зарезервувати місце для зберігання суми часткових добутків. Початкове значення суми взяти таким що дорівнює 0.

3. Почати з наймолодшого байту числа в ASCII форматі й обробляти справа наліво.

4. Завантажити в регістр байт з ASCII кодом десяткової цифри.

5. Зменшити значення регістра на 30h (або видалити трійки з чотирьох лівих бітів регістра)

6. Виконати множення регістра на значення поточного вагового коефіцієнта й додати результат до суми часткових добутків.

7. Якщо оброблено всі байти числа, перейти до п. 9, інакше – до п. 8

8. Перерахувати ваговий коефіцієнт, помноживши його поточне значення на 10d, й перейти до п. 4.

9. Закінчити обробку.

Наведений вище алгоритм передбачає виконання двох операцій множення (для перерахунку вагового коефіцієнта та його множення на цифру числа) та

однієї операції додавання (до суми часткових добутоків) на кожному кроці. Крім того потрібно попередньо визначати довжину символного рядка.

Як видно з (1.3) формула розкладання для позиційних систем числення за відсутності дробової частини числа зводиться до обчислення значення многочлена, яке може бути виконано за схемою Горнера. Таблиця 1.2 демонструє цю схему.

Таблиця 1.2

Операція	Результат	
	Десятковий	Шістнадцятковий
$1 + 10 \times 0 =$	0001d	0001h
$2 + 10 \times 1 =$	0012d	000Ch
$3 + 10 \times 12 =$	0123d	007Bh
$4 + 10 \times 123 =$	1234d	04D2h

Таким чином, процедура перетворення полягає в наступному:

1. Зарезервувати місце для зберігання результату. Поточне початкове значення результату взяти таким що дорівнює 0.

2. Почати з наймолодшого байту числа в ASCII форматі й обробляти зліва направо.

3. Завантажити в регістр байт з ASCII кодом десяткової цифри.

4. Зменшити значення регістра на 30h (або видалити трійки з чотирьох лівих бітів регістра)

5. Виконати додавання до регістра поточного значення результату помноженого на десять.

6. Якщо оброблено всі байти числа, перейти до п. 7, інакше – до п. 3

7. Закінчити обробку

Наведений вище алгоритм передбачає виконання однієї операції множення та однієї операції додавання на кожному кроці. Програмну реалізацію алгоритму демонструє функція, наведена у прикладі 1.1.

Приклад 1.1. Функція `uDecASCIIToBin` виконує перетворення цілих без знакових десяткових чисел в ASCIIZ форматі в машинне зображення для 32-бітного режиму процесора.

Функція приймає у регістрі ESI адресу початку ASCIIZ-рядка і повертає у регістрі EAX машинне зображення числа.

```
uDecASCIIToBin proc uses esi ebx
```

```
    xor ebx,ebx
```

```
    cld
```

```
@@: lodsb
```

```
    or al,al
```

```
    jz @F
```

```
    and eax,0Fh
```

```
    lea ebx, [ebx+ebx*4]
```

```
    lea ebx, [eax+ebx*2]
```

```
    jmp @B
```

```
@@: mov eax,ebx
```

```
    ret
```

```
uDecASCIIToBin endp
```

Для знакових чисел потрібно пропустити символ знаку, передати `uDecASCIIToBin` у регістрі ESI адресу першої цифри числа в ASCIIZ-рядку, для негативних чисел виконати перетворення результату у регістрі EAX в додатковий код.

### **Перетворення з машинного зображення в десяткові числа в ASCII форматі**

Дана процедура включає в себе процес, зворотний розглянутому вище. Для того, щоб перетворити ціле число із системи числення з основою  $p_1$  на систему числення з основою  $p_2$ , необхідно послідовно ділити його і частки від ділення на основу нової системи числення  $p_2$ , доки не отримаємо частку меншу, ніж  $p_1$ . Остання частка – старша цифра числа в новій системі числення. Інші цифри – це залишки від ділення, які потрібно записати у порядку, зворотному їх отриманню.

Як приклад розглянемо перетворення шістнадцяткового числа 04D2h, отриманого в попередньому розділі, знову на десяткове число в ASCII форматі.

Таблиця 1.3

Операція	Частка	Залишок
04D2h / 0Ah	07Bh	04h ←
07Bh / 0Ah	0Ch	03h ↑
0Ch / 0Ah	01h	02h ↑
	→	

Оскільки після третього кроку отримуємо частку 01h, яка менша, ніж 0Ah, то процедура завершується. Результат випикується, починаючи від останньої частки до залишку від першого ділення (у напрямку стрілок).

Перед виведенням на екран потрібно отримати ASCII коди десяткових цифр, збільшивши значення відповідних їм байтів на 30h. Програмну реалізацію алгоритму демонструє функція, наведена у прикладі 1.2.

Приклад 1.2. Функція uBinToDecASCII для 32-бітного режиму процесора виконує перетворення машинного подання цілих без знакових чисел на еквівалентний ASCII-рядок в десятковій системі числення.

Функція приймає у регістрі EAX число, у регістрі ESI адресу початку ASCII-рядка.

```
uBinToDecASCII proc uses esi edi ebx
```

```
    mov esi,edi
```

```
    mov ebx,10
```

```
@ @: xor edx,edx
```

```
    div ebx
```

```
    or dl,30h
```

```
    mov byte ptr [esi],dl
```

```
    inc esi
```

```
    or eax,eax
```

```

jnz @B
mov byte ptr [esi],0
@@: dec esi
mov al,byte ptr [esi]
xchg byte ptr [edi],al
mov byte ptr [esi],al
inc edi
cmp edi,esi
jb @B
ret
uBinToDecASCII endp

```

Для знакових чисел потрібно спочатку визначити знак числа перевіркою старшого біту регістра EAX і записати за результатами перевірки першим у буфер ASCIIZ-рядка символ «-» або «+». Для негативних чисел отримати в регістрі EAX прямий код числа і передати uBinToDecASCII в регістрі ESI адресу другого байта в буфері ASCIIZ-рядка. Для позитивних чисел просто передати uBinToDecASCII в регістрі ESI адресу другого байта в буфері ASCIIZ-рядка.

### **Перетворення шістнадцяткових чисел в ASCII на машинне зображення**

У разі введення чисел у шістнадцятковому вигляді, тобто як рядка із символів 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, A, a, B, b, C, c, D, d, E, e, F, f у пам'яті формується рядок байтів з ASCII кодів цих символів. Як зазначалося раніше, ASCII коди десяткових цифр відрізняються від своїх двійкових еквівалентів на величину 30h.

Унаслідок аналізу таблиці ASCII кодів з'ясовується, що коди шістнадцяткових символів "a", "b", "c", "d", "e", "f" відрізняються від своїх десяткових еквівалентів (10d, 11d, 12d, 13d, 14d, 15d) на 57h, а коди символів "A", "B", "C", "D", "E", "F" – на 37h. Отже, процедура перетворення повинна розрізняти три типи ASCII кодів шістнадцяткових цифр і робити їх коригування на величину 30h, 37h або 57h. Визначення коефіцієнта коригування починають послідовно з 30h до 57h з урахуванням таких міркувань:

1. Якщо байт ASCII коду шістнадцяткової цифри зменшити на  $30h$  і після цього його значення буде менше, ніж  $0Ah$ , то це символ від “0” до “9”.

2. Якщо байт ASCII коду шістнадцяткової цифри зменшити на  $37h$  і після цього його значення буде більше, ніж  $09h$ , і менше, ніж  $10h$ , то це символ від “A” до “F”.

3. Якщо байт ASCII коду шістнадцяткової цифри зменшити на  $57h$  і після цього його значення буде більше, ніж  $09h$  і менше, ніж  $10h$ , то це символ від “a” до “f”.

Зменшивши ASCII код кожної цифри на значення потрібного коефіцієнта коригування, отримаємо послідовність байтів, у якій значення кожного байта являтиме собою двійковий еквівалент відповідної шістнадцяткової цифри.

Подальше використання формули розкладання можливе, але через особливості шістнадцяткової системи числення не доречно. Для отримання машинного подання шістнадцяткового числа потрібно виділити в отриманій послідовності байтів молодші тетради і поєднати їх. Наприклад,  $00000000b$ ,  $00000100b$ ,  $00001101b$ ,  $00000010b \Rightarrow 0000\ 0100\ 1101b\ 0010b = 04D2h$ .

Загальний алгоритм перетворення такий.

1. Зарезервувати місце для зберігання результату. Початкове значення задати рівним 0.

2. Почати зі старшого байта з ASCII кодом шістнадцяткової цифри та обробляти зліва направо.

3. Завантажити в регістр байт з ASCII кодом шістнадцяткової цифри.

4. Зменшити значення в регістрі на величину  $30h$ . Якщо після цього значення в регістрі виявиться меншим ніж  $0Ah$ , перейти до п. 7.

5. Зменшити значення в регістрі ще на величину  $07h$  (разом з попереднім пунктом уже на  $30h + 07h = 37h$ ). Якщо після цього значення в регістрі виявиться меншим ніж  $10h$ , перейти до п. 7.

6. Зменшити значення в регістрі ще на величину  $20h$  (разом з попередніми пунктами вже на  $30h + 07h + 20h = 57h$ ).

7. Записати молодшу тетраду регістру у молодшу тетраду результату.

8. Якщо оброблено всі символи ASCII-рядка, перейти до п. 10.

9. Виконати лінійне зрушення поточного значення результату на 4 біти вліво й перейти до п. 3.

10. Завершити обробку.

Програмну реалізацію алгоритму перетворення демонструє функція, наведена у прикладі 1.3.

Приклад 1.3. Функція HexASCIIToBin виконує перетворення шістнадцяткових чисел в ASCIIZ форматі на машинне зображення для 32-бітного режиму процесора.

Функція приймає в регістрі ESI адресу початку ASCIIZ-рядка і повертає в регістрі EAX машинне зображення числа.

```
HexASCIIToBin proc uses esi ebx
```

```
    xor ebx,ebx
```

```
    cld
```

```
hex:
```

```
    lodsb
```

```
    or al,al
```

```
    jz done
```

```
    shl ebx,4
```

```
    sub al,30h
```

```
    cmp al,9
```

```
    jbe @F
```

```
    sub al,7h
```

```
    cmp al,15
```

```
    jbe @F
```

```
    sub al,20h
```

```
@@: or bl,al
```

```
    jmp hex
```

```
done:
```

```
    mov eax,ebx
```

ret

HexASCIIToBin endp

### Перетворення з машинного зображення в шістнадцяткові числа в ASCII

Перетворення двійкових чисел на шістнадцяткові в ASCII форматі полягає в декомпозиції байта, слова або подвійного слова, які містять значення двійкового числа, на окремі тетради й заміні кожної такої тетради ASCII кодом відповідної цифри. Така заміна виконується за такими правилами.

1. Якщо значення двійкового числа, поданого тетрадою, менше, ніж десять, то це шістнадцяткова цифра від "0" до "9" і для отримання байта її ASCII коду потрібно цю тетраду розширити зліва бітами 0011 (додати цю тетраду до байта 30h = 00110000b або занести 30h у старшу тетраду байта командою OR).

2. Якщо значення двійкового числа, поданого тетрадою, більше, ніж десять, то це шістнадцяткова цифра від "a" до "f", або від "A" до "F" і для отримання байта її ASCII коду потрібно цю тетраду додати до байта 37h = 00110111b, або 57h = 01010111b.

Наприклад : 0000010011010010b → 0000 0100 1101 0010 b →

00000000	00000100	00001101	00000010	– розширена тетрада
+ 00110000	00110000	00110111	00110000	– додаток
00110000	00110100	01000100	00110010	– двійковий ASCII код
30h	34h	44h	32h	– шістнадцятковий ASCII код
"0"	"4"	"D"	"2"	– відповідний символ

Примітка. Перетворення двійкових чисел на шістнадцяткові в ASCII форматі можна також виконати за допомогою операцій послідовного ділення, як це було розглянуто раніше для перетворення двійкових чисел на десяткові в ASCII форматі. Ділити потрібно на шістнадцять і проводити коригування залишків на 30h або 37h залежно від їх значення, але використання тут арифметичних операцій звичайно недоцільне.

Програмну реалізацію алгоритму перетворення демонструє функція, наведена у прикладі 1.4.



Приклад 1.4. Функція BinToHexASCII для 32-бітного режиму процесора виконує перетворення машинного подання на еквівалентний ASCIIZ-рядок в шістнадцятковій системі числення.

Функція приймає в регістрі EBX число, у регістрі EDI – адресу початку ASCIIZ-рядка розміром не менше, ніж 11 байтів.

```
BinToHexASCII proc uses edi
```

```
    mov ecx,8
```

```
    cld
```

```
next: rol ebx,4
```

```
    mov al,bl
```

```
    and al,0Fh
```

```
    cmp al,10
```

```
    jb @F
```

```
    add al,'A'-10-'0'
```

```
@@: add al,'0'
```

```
    stosb
```

```
    loop next
```

```
    mov ax,'h'
```

```
    stosw
```

```
    ret
```

```
BinToHexASCII endp
```

### **Перетворення з машинного зображення на двійкові числа в ASCII форматі та зворотне перетворення**

Це найпростіші з перетворень. Отримання ASCII кодів символів “0” та “1” можна виконувати, починаючи як з молодших, так зі старших цифр. Після аналізу значення старшого (молодшого) біта машинного зображення числа виконується формування відповідного байта ASCII коду. Перевірку значення біта зручно реалізовувати за допомогою команд зрушення, оскільки вони встановлюють значення прапора CF відповідним значенням біта, що зрушувався.

Перетворення з ASCII-рядка в машинне зображення можна виконувати на основі значення молодшого біту ASCII-коду символів. Для символу "0" (код 30h) молодший біт дорівнює 0, а для символу "1" (код 31h) молодший біт дорівнює 1. Потрібно тільки правильно зберегти послідовність молодших бітів.

Програмну реалізацію алгоритмів перетворення демонструють функції, наведені у прикладах 1.5 і 1.6.

Приклад 1.5. Функція BinToBinASCII для 32-бітного режиму процесора виконує перетворення машинного зображення на еквівалентний ASCIIZ-рядок у двійковій системі числення.

Функція приймає в регістрі EBX число, у регістрі EDI адресу початку ASCIIZ-рядка розміром не менше, ніж 34 байти.

```
BinToBinASCII      proc  uses edi ebx
```

```
;Вхід: EBX – число, EDI – адреса буфера не менше, ніж 34 байти
```

```
    cld
```

```
    bsr ecx,ebx
```

```
    jnz @F
```

```
    mov ax,'0'
```

```
    stosw
```

```
    ret
```

```
@ @: inc ecx
```

```
    ror ebx,cl
```

```
@ @: rol ebx,1
```

```
    setc al
```

```
    or al,30h
```

```
    stosb
```

```
    loop @B
```

```
    mov ax,'b'
```

```
    stosw
```

```
    ret
```

```
BinToBinASCII endp
```

Приклад 1.6. Функція BinASCIIToBin виконує перетворення двійкових чисел в ASCIIZ форматі на машинне зображення для 32-бітного режиму процесора.

Функція приймає в регістрі ESI адресу початку ASCIIZ-рядка і повертає в регістрі EAX машинне зображення числа.

```
BinASCIIToBin      proc  uses esi ebx
                    xor ebx,ebx
                    cld
@@: lodsb
                    or al,al
                    jz @F
                    rcr al,1
                    rcl ebx,1
                    jmp @B
@@: mov eax,ebx
                    ret
BinASCIIToBin endp
```

### Завдання до практичної роботи

Визначити номер свого варіанта завдання. Для визначення номера варіанта потрібно перевести номер, залікової книжки у двійкову систему числення, виділити чотири молодші біти і скористатися таблицею 1.4.

Розробити програму, яка виконує такі дії.

1. Виводить на екран повідомлення у вигляді

стисле повідомлення про призначення і параметри програми
прізвище, ім'я по батькові, номер групи

2. Розв'язує завдання згідно з номером свого варіанта.

Увага! Під час вводу чисел у вигляді ASCII-рядків програма повинна контролювати коректність вхідних даних (перевищення діапазону подання чисел, неприпустимі символи цифр).

Таблиця 1.4

Біти $b_3b_2b_1b_0$	Розробити програму, яка розв'язує такі завдання
0 0 0 0	Запитує перше число у десятковому вигляді, друге число – у шістнадцятковому вигляді (обидва – у діапазоні від 0 до 255), множить їх і виводить на екран результат у десятковому вигляді
0 0 0 1	Запитує 2 числа у двійковому вигляді в діапазоні від 0 до 255, множить їх і виводить на екран результат у шістнадцятковому вигляді
0 0 1 0	Запитує перше число у десятковому вигляді, друге число – у двійковому вигляді (обидва – у діапазоні від 0 до 65535), додає їх і виводить на екран результат у десятковому вигляді
0 0 1 1	Запитує 2 числа у десятковому вигляді в діапазоні від 0 до 255, множить їх і виводить на екран результат у двійковому вигляді
0 1 0 0	Запитує 2 числа у десятковому вигляді в діапазоні від 0 до 255, множить їх і виводить на екран результат у десятковому вигляді
0 1 0 1	Запитує 2 числа у десятковому вигляді в діапазоні від 0 до 65535, додає їх і виводить на екран результат у десятковому вигляді
0 1 1 0	Запитує 2 числа у десятковому вигляді в діапазоні від 0 до 255, множить їх і виводить на екран результат у шістнадцятковому вигляді
0 1 1 1	Запитує 2 числа у десятковому вигляді в діапазоні від 0 до 65535, додає їх і виводить на екран результат у шістнадцятковому вигляді
1 0 0 0	Запитує 2 числа у шістнадцятковому вигляді в діапазоні від 0h до 0fffh, множить їх і виводить на екран результат у десятковому вигляді
1 0 0 1	Запитує 2 числа у шістнадцятковому вигляді в діапазоні від 0h до 0ffffh, додає їх і виводить на екран результат у десятковому вигляді

Продовження Таблиці 1.4

1 0 1 0	Запитує 2 числа у шістнадцятковому вигляді в діапазоні від 0h до 0fffh, множить їх і виводить на екран результат у шістнадцятковому вигляді
1 0 1 1	Запитує 2 числа у шістнадцятковому вигляді в діапазоні від 0h до 0ffffh, додає їх і виводить на екран результат у шістнадцятковому вигляді
1 1 0 0	Запитує перше число у десятковому вигляді, друге число – у шістнадцятковому вигляді (обидва – у діапазоні від 0 до 255), множить їх і виводить на екран результат у десятковому вигляді
1 1 0 1	Запитує перше число у десятковому вигляді, друге число – у шістнадцятковому вигляді (обидва у діапазоні від 0 до 65535), додає їх і виводить на екран результат у десятковому вигляді
1 1 1 0	Запитує перше число у десятковому вигляді, друге число – у шістнадцятковому вигляді (обидва – у діапазоні від 0 до 255), множить їх і виводить на екран результат у шістнадцятковому вигляді
1 1 1 1	Запитує перше число у десятковому вигляді, друге число – у шістнадцятковому вигляді (обидва – у діапазоні від 0 до 65535), додає їх і виводить на екран результат у шістнадцятковому вигляді

### Контрольні питання

1. Чому виникає потреба виконання розглянутих у практичній роботі перетворень?
2. На основі чого можна побудувати алгоритм перетворення із символьного на машинне зображення для позиційної системи числення з будь якою основою?
3. Навести алгоритм і програмну реалізацію перетворення із символьного на машинне зображення для позиційної системи числення основою 5.
4. Навести алгоритм і програмну реалізацію перетворення з машинного на символічне зображення для позиційної системи числення основою 8.

5. Навести алгоритми і програмні реалізації перетворень із символічного на машинне зображення і навпаки – пакованих і непакованих BCD-чисел.

### **Зміст звіту**

Звіт з цієї практичної роботи має містити такі складові.

1. Назва і мета практичної роботи.
2. Повний вихідний текст усіх файлів проекту вирішення завдання практичної роботи з їх детальними коментарями.
3. Відповіді на контрольні питання.

*Література:* [1, 2, 3, 4, 5].

### **Практична робота № 2**

**Тема. Арифметичні операції з багаторозрядними цілими числами**

**Мета:** вивчення і набуття практичних навичок програмної реалізації алгоритмів «довгої» арифметики над багаторозрядними цілими числами.

#### **Додавання та віднімання багаторозрядних чисел**

Використання арифметичних команд ADD, ADC, SUB, SBB, MUL, IMUL, DIV, IDIV, INC, DEC було розглянуто в методичних вказівках щодо виконання лабораторних робіт. Іншої «арифметики», окрім деяких специфічних засобів її підтримки в системі команд мікропроцесора (не вбудованого співпроцесора!), не передбачено.

Ураховуючи опис команд арифметики, можна зробити висновок, що найбільші досягнення реалізовані у мікропроцесорах Intel64/AMD64 – це можливість виконання чотирьох основних арифметичних операцій з цілими 32-розрядними числами в 32-бітному режимі або з цілими 64-розрядними числами в 64-бітному режимі. Використовуючи деякі спеціальні методи, на основі набору команд базової арифметики можна виконувати розрахунки будь-яких чисел з абсолютною точністю. Саме вивченню таких методів присвячено ця практична робота.

Послідовність операції додавання в двійковому вигляді з одиницею переносу, що плавно «пливе» від молодших до старших розрядів, дозволяє

додавати окремі частини багаторозрядних чисел, урахуваючи переноси між ними для корекції результату. Саме такий спосіб може бути використано для додавання багато розрядних цілих двійкових чисел у мікропроцесорах Intel64/AMD64, і саме для цього в системі команд мікропроцесора передбачено дві спеціальні арифметичні команди ADC (додавання з урахуванням переносу) та SBB (віднімання з урахуванням займу).

Програмну реалізацію алгоритму додавання багаторозрядних цілих двійкових чисел для 32-бітного режиму процесора демонструє функція, наведена у прикладі 2.1.

Приклад 2.1. Функція LongAdd передбачає, що доданки і сума подані у вигляді масиву подвійних слів починаючи з молодших «цифр».

```
.data
num1 dd 55667788h, 11223344h ; 64-х бітне 1122334455667788h
num2 dd 55667788h, 11223344h ; 64-х бітне 1122334455667788h
num3 dd 2 dup (0) ; для збереження результату
carry db 0 ; для врахування можливого переносу
```

Доданки мають однакове значення, а отже, додавання еквівалентно множенню на 2, що у свою чергу еквівалентно зрушенню на 1 біт вліво. Це дозволяє перевірити результат, проаналізувавши елементи масиву num3 і змінної carry. Інший варіант для тестування – нулі в старших «цифрах».

Функція приймає такі параметри:

N – розмір доданок у подвійних словах

item, item2, sum – адреси, відповідно, двох доданків і суми

```
LongAdd proc STDCALL uses esi edi ebx N:DWORD,\
        item1:DWORD, item2:DWORD, sum:DWORD

    mov ecx,N
    xor esi,esi
    mov ebx,item1
    mov edx,item2
    mov edi,sum
```

```

    clc
@@: mov  eax,[ebx+esi*4]
    adc  eax,dword ptr [edx+esi*4]
    mov  dword ptr [edi+esi*4],eax
    inc  esi
    loop @B
    adc  carry,0
    ret

```

LongAdd endp

Для виклику потрібно описати прототип функцій як

```
LongAdd PROTO :DWORD, :DWORD, :DWORD, :DWORD
```

Виклик виконується за допомогою

```
invoke LongAdd, 2, ADDR num1, ADDR num2, ADDR num3
```

Збільшення розрядності чисел, наприклад до 128 бітів, лише «подовжить» значення змінних і кількість ітерацій циклу у два рази, не вносячи нічого принципово нового.

Проаналізувавши приклад 2.1 неважко побачити, що перехід від додавання до віднімання здійснюють простою заміною команд ADD на SUB, а ADC на SBB. Під час віднімання не виникає переносу зі старшої «цифри» і непотрібно контролювати переповнення.

### **Множення багаторозрядних чисел**

Операція множення багаторозрядних чисел виконується звичайним способом «у стовпчик». Це універсальний метод для будь-якої системи числення, хоча тут ми використаємо його, можливо, і в незвичному поки що вигляді.

Ми звикли до того, що під час виконання множення «у стовпчик» десяткових, двійкових і навіть шістнадцяткових чисел усі розряди числа зображують однією цифрою. Тепер для зображення однієї «цифри» багаторозрядного числа використовуватимемо 8, 16 або 32 двійкові розряди.



Множення таких «цифр» здійснюватимемо за допомогою команди MUL. Молодші 8-й, 16-й, 32-й розряди результату множення дають відповідну «цифру» часткового добутку, а старші розряди – це та «цифра» переносу, яку потрібно додати до результату множення на наступну цифру множеного. Багаторозрядні часткові добутки додають з використанням розглянутого вище методу.

Приклад 2.2. Виконаємо множення в двійковому вигляді, вважаючи, що кожен два біти – це одна цифра числа.

$$\begin{array}{r}
 10\ 10\ 01 \\
 01\ 01\ 00 \\
 \hline
 00\ 00\ 00 \\
 10\ 10\ 01 \\
 10\ 10\ 01 \\
 \hline
 11\ 00\ 11\ 01\ 00
 \end{array}$$

Збільшимо «цифру» до трьох або до чотирьох бітів

Перенос	101 001		0010 1001
	010 100		0001 0100
	<u>010 100 100</u>	перенос →	10 0100
	001 010 010		1000 ← урахуємо
	<u>001 100 110 100</u>	-----	1010 0100 перенос
	перший	→	0010 1001
	частковий		<u>11 0011 0100</u>
	добуток		

Програмну реалізацію алгоритму множення багаторозрядних цілих двійкових чисел для 32-бітного режиму процесора демонструє функція, наведена у прикладі 2.3.

Приклад 2.3. Функція LongMul передбачає, що співмножники і добуток подано у вигляді масиву подвійних слів починаючи з молодших «цифр».

```
.data
num1 dd 12345678h,12345678h
```

num2 dd 12345678h,12345678h

num4 dd 4 dup (0); добуток повинен бути розміром N\*2

Функція приймає такі параметри:

N – розмір у подвійних словах співмножників

multiplier1, multiplier2, product – адреси, відповідно, співмножників і добутку

```
LongMul proc STDCALL uses esi edi ebx N:DWORD,\
        multiplier1:DWORD, multiplier2:DWORD,\
        product:DWORD
```

```
mov ecx,N
```

```
shl ecx,1
```

```
mov edi,product
```

```
xor eax,eax
```

```
cld
```

```
rep stosd
```

```
mov ecx,N
```

```
xor esi,esi
```

```
next: push ecx
```

```
xor edi,edi
```

```
mov ecx,N
```

```
clc
```

```
@@: mov ebx,multiplier2
```

```
mov eax,dword ptr [ebx+esi]
```

```
mov ebx,multiplier1
```

```
mul dword ptr [ebx+edi]
```

```
mov ebx,product
```

```
lea ebx,[ebx+esi]
```

```
lea ebx,[ebx+edi]
```

```
add dword ptr [ebx],eax
```

```
adc dword ptr [ebx+4],edx
```

```
adc dword ptr [ebx+8],0
```

```

lea edi,[edi+4]
loop @B
lea esi,[esi+4]
pop ecx
loop next
ret

```

LongMul endp

Для виклику потрібно описати прототип функцій як  
 LongMul PROTO :DWORD, :DWORD, :DWORD, :DWORD

Виклик виконується за допомогою

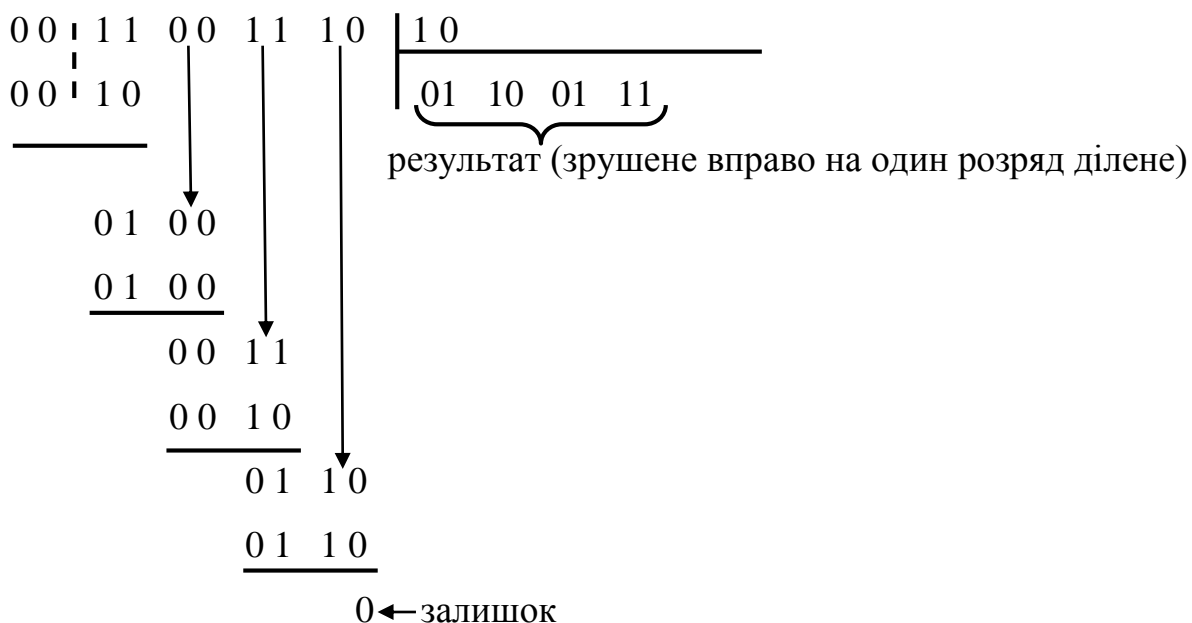
invoke LongMul, 2, ADDR num1, ADDR num2, ADDR num4

Аналогічно можна реалізувати множення чисел більшої розрядності. Звичайно це збільшує кількість повторень циклу, і до того ж, у нелінійному масштабі.

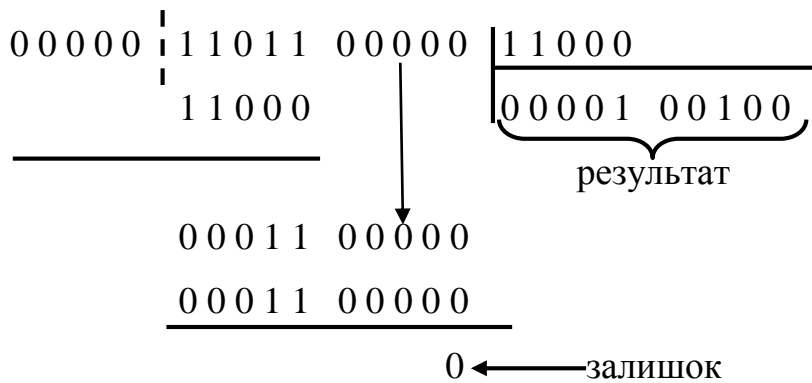
### Ділення багаторозрядних чисел

За певних співвідношень діленого та дільника для виконання операції можна пристосувати і команду DIV, використовуючи багаторозрядні «цифри» аналогічно розглянутому вище методу множення багаторозрядних чисел.

Приклад 2.5. Поділимо 11001110b на 10b з використанням дворозрядних «цифр»



Збільшимо «цифру» до п'яти розрядів і поділимо 1101100000b на 11000b



Такий алгоритм, на жаль, позбавлений універсальності, адже існує одне принципове обмеження – неможливо виконати ділення за допомогою DIV більш ніж на 32-розрядні «цифри» в 32-бітному режимі або на 64-розрядні «цифри» в 64-режимі.

Але такий метод дозволяє уникнути іншого обмеження команди DIV – неможливість ділення 2n розрядного числа (n = 8, 16, 32, 64) на n розрядне, якщо результат операції буде більший ніж n-розрядне число. Можна поділити справжнє довге 64-розрядне число, що містить “1” навіть у найстаршому біті найстаршого байта, на байт, розширений аж до подвійного слова.

Програмну реалізацію алгоритму ділення багаторозрядних цілих двійкових чисел з використанням команди DIV для 32-бітного режиму процесора демонструє функція, наведена у прикладі 2.4.

Приклад 2.4. Функція LongDiv передбачає, що ділене і частку подано у вигляді масиву подвійних слів, починаючи зі старших «цифр».

```
.data
num1 dd 12345678h,12345678h,12345678h,12345678h
.data?
num2 dd 4 dup (?)
```

Функція приймає такі параметри:

- N – розмір у подвійних словах діленого dividend;
- dividend – адреса діленого;
- divisor – 32-розрядний дільник;
- result – адреса частки.

Функція повертає в регістрі EAX залишок від ділення

```
LongDiv proc STDCALL uses esi edi ebx ebp    N:DWORD, \  
                                             dividend:DWORD, \  
                                             divisor:DWORD, \  
                                             result:DWORD  
  
    mov edi,dividend  
    mov ebx,result  
    mov  ecx,N  
    mov  ebp,divisor  
    xor  esi,esi  
    xor  edx,edx  
@@: mov  eax,dword ptr [edi+esi*4]  
    div  ebp  
    mov  dword ptr [ebx+esi*4],eax  
    inc esi  
    loop @B  
    mov  eax,edx  
    ret  
LongDiv    endp
```

Загалом операція ділення для чисел будь-якого розміру на числа будь-якого розміру реалізується найважче, бо вона виконується «у чистий стовпчик», без залучення команди DIV мікропроцесора.

Операцію ділення у стовпчик виконують за допомогою послідовних вирахувань дільника (зрушеного вліво на потрібну кількість розрядів) з діленого, збільшуючи відповідний розряд частки на 1 з кожним відніманням, поки не залишиться число, менше за дільник (залишок). Схему алгоритму демонструє приклад 2.5.

Приклад 2.5. Ділення 64-бітного числа в EDX:EAX на 64-бітне число в ECX:EBX. Частка поміщається в EDX:EAX, залишок – у ESI:EDI.

```
mov ebp,64 ; Лічильник бітів.
```

```
xor esi,esi  
xor edi,edi ; Залишок = 0.
```

bitloop:

```
shl eax,1  
rcl edx,1  
rcl edi,1 ; Зрушення на 1 біт вліво 128-бітного числа  
rcl esi,1 ; ESI:EDI:EDX:EAX.  
cmp esi,ecx ; Порівняти старші подвійні слова.  
ja divide  
jb next  
cmp edi,ebx ; Порівняти молодші подвійні слова.  
jb next
```

divide: sub edi,ebx

```
sbb esi,ecx  
inc eax ; Установити молодший біт в EAX.
```

next: dec ebp

```
jne bitloop ; Повторити цикл 64 рази.
```

Для чисел зі знаком програмна емуляція аналогів команд мікропроцесора IDIV та IMUL для багаторозрядних чисел потребує лише певного доповнення вищерозглянутих алгоритмів.

1. Визначити знак (значення старшого біта) першого та другого числа, після чого отримати прямий код для негативних чисел і встановити в 0 знакові їх біти.
2. Визначити і запам'ятати знак результату за співвідношенням знаків операндів.
3. Виконати операцію ділення чи множення без знакових чисел згідно з вибраним алгоритмом.
4. Виконати перетворення результату на додатковий код відповідно до його знаку, отриманого в п. 2.

### Завдання до практичного заняття

Визначити номер свого варіанта завдання. Для визначення номера варіанта потрібно перевести номер залікової книжки у двійкову систему числення, виділити п'ять молодших бітів і скористатися таблицею 2.1.

Таблиця 2.1

Номер варіанта $b_4b_3b_2b_1b_0$	Обчислити значення виразу, вважаючи, що $X, Y, Z, U, V, W$ – це 64-розрядні числа
00000	$\frac{X^2 + X \cdot Y + W}{2 \cdot Z} + \frac{X^2 + X \cdot Y}{2 \cdot Z + Y^2}$
00001	$\frac{W^2 + U}{X^2 + Y^2 + Z^2} + \frac{X^2 + Y^2 + Z^2}{X \cdot Y \cdot Z}$
00010	$\frac{W^2 + U}{X^2 + Y^2 + Z^2} + \frac{X + Y + Z}{V - U}$
00011	$\frac{X^2 + Y^2 + Z^2}{X \cdot Y \cdot Z} + \frac{Y^2}{X^2} + \frac{X \cdot Y}{U} - \frac{V}{Y + Z}$
00100	$\frac{U^2 + V^2 + XYZ}{(Z + Y)^2} + \frac{W^2 + X \cdot Y + Z}{X^2 + Y^2 + Z^2}$
00101	$\frac{W^2 + U}{X^2 + Y^2 + Z^2} + \frac{X^2 + Y^2 + Z^2}{X \cdot Y \cdot Z} + \frac{Y^2}{X^2}$
00110	$\frac{W^2 + X \cdot Y + Z}{X^2 + Y^2 + Z^2} + \frac{X \cdot Y^2 \cdot Z}{X^2 + Y^3 + Z^2}$
00111	$\frac{W^2 + X \cdot Y + \frac{U}{X}}{X \cdot Y \cdot Z} + \frac{W + U \cdot V}{2X^2 + 3U - 8}$

Продовження таблиці 2.1

01000	$\frac{W^2 + X \cdot Y + \frac{U}{X^2}}{X^2 \cdot Y \cdot Z} + \frac{Y^3}{Z^2}$
01001	$\frac{W^2 + X \cdot (Y + Z^2) + U}{X^2 \cdot Y \cdot Z} + \frac{(X+Y)^2}{2U} + \frac{Y^3}{Z^2}$
01010	$\frac{U^2 + (V + Y^2)X + 2}{4}$
01011	$\frac{X^2 + Y^2 + Z^2}{U + V} + \frac{Y^2 X^2}{2} - \frac{W + UV + 4}{XYZ}$
01100	$\frac{X^2 + XY + Y^2}{U + V} + \frac{XYZ}{Z + U} + \frac{W + UV}{2X^2 + 3U - 8}$
01101	$\frac{UV}{X^2 + Y^2 + Z^2} + \frac{U^2 + (V + Y^2)X + 2}{4} - \frac{V - U}{Y^2}$
01110	$\frac{UV}{X + XY + XYZ} + \frac{U^2 + V^2}{2UV + 1} - \frac{W + (X + Y + Z)^3}{XYZV}$
01111	$\frac{(X+Y)^3}{W + X^2} + \frac{W + XYZ}{U^2 + V^2} - \frac{X^2 + Y^2 + Z^2}{12}$
10000	$\frac{(X+Y)^2}{2U} + \frac{Y^3}{Z^2} - \frac{W}{U^2 + V^2}$
10001	$\frac{X^3 + Y^2 + Z}{U + X + Z} + \frac{UV}{XYZ} - \frac{W}{V(X+4)}$
10010	$\frac{X^2 Y^2}{X + Y + Z} - \frac{W + ZU}{2U + Y + Z} + \frac{U^2 + V^2}{(Z+Y)^2}$



Продовження таблиці 2.1

1 0 0 1 1	$\frac{W-UV}{XYZ} + \frac{U^2+V^2}{W-U} - \frac{W}{U^2+ZU}$
1 0 1 0 0	$\frac{(X^2+Y)^3}{W+UV} + \frac{X Y Z}{U^2} - \frac{W}{3U^2}$
1 0 1 0 1	$\frac{U^2+X Y Z+V^2}{U(X+Z)} + \frac{4X^2Y^2}{U} - \frac{W-UV}{U^2}$
1 0 1 1 0	$\frac{X^3+3X Y Z^2+2}{2U+V} - \frac{XYZ}{4} + \frac{W-U(X+V)}{U}$
1 0 1 1 1	$\frac{X^3+Y^2+Z}{U+X+Z} + \frac{UV}{XYZ^2} + \frac{W}{V(XY+4)}$
1 1 0 0 0	$\frac{X^2Y^2}{X+Y+Z} + \frac{W+ZU}{U+Y+Z^2} + \frac{U^2+V^2+XYZ}{(Z+Y)^2}$
1 1 0 0 1	$\frac{UV}{X+XY+XYZ} + \frac{W}{U^2+ZU}$
1 1 0 1 0	$\frac{X^3+X Y Z^2+2}{X+V+W} + \frac{XYZ}{X+V} + \frac{W-U(X+V)}{U}$
1 1 0 1 1	$\frac{W-UV}{XYZ} + \frac{U^2+V^2}{W-U} + \frac{U^2+V^2+XYZ}{(Z+Y)^2}$
1 1 1 0 0	$\frac{XY}{X+XY+XYZ} + \frac{U^2+V^2}{XY+1} + \frac{W+(X+Y)^3}{XYZV}$
1 1 1 0 1	$\frac{X^3+Y^2+Z}{U+X+Z} + \frac{UV}{XYZ^2} + \frac{XYZ}{X+V}$
1 1 1 1 0	$\frac{(X+Y)^2}{U+V} + \frac{Y^3}{Z^2} + \frac{W^2}{U^2+V^2}$

Продовження таблиці 2.1

1 1 1 1 1	$\frac{X^3 + X Y Z^2 + 2}{X + V + W} + \frac{W - U(X + Y)^2}{U^2}$
-----------	--

### Контрольні питання

1. Навести алгоритми множення залежно від способу формування суми часткових добутоків для

а) множення, починаючи з молодших розрядів множника, зі зрушенням суми часткових добутоків вправо за непорушного множеного;

б) множення, починаючи з молодших розрядів множника зі зрушенням множеного вліво і непорушній сумі часткових добутоків;

в) множення, починаючи зі старших розрядів множника зі зрушенням суми часткових добутоків вліво за непорушного множеного;

г) множення, починаючи зі старших розрядів множника зі зрушенням управо множеного та непорушній сумі часткових добутоків.

2. Навести алгоритми ділення без відновлення залишку для:

а) ділення з непорушним діленим і дільником, що зрушується вправо;

б) ділення з непорушним дільником і діленим, що зрушується вліво.

### Зміст звіту

Звіт з цієї практичної роботи має містити такі складові.

1. Назва і мета практичної роботи.

2. Повний вихідний текст усіх файлів проекту вирішення завдання практичної роботи з їх детальними коментарями.

3. Відповіді на контрольні питання.

*Література:* [2, 4, 5].

### Практична робота № 3

#### Тема. Операції з дійсними числами з фіксованою комою

**Мета:** вивчення і набуття практичних навичок програмної реалізації алгоритмів операцій з дійсними числами з фіксованою комою.

Під час розгляду базових арифметичних команд ADD/ADC, SUB/SBB, MUL/MUL, DIV/IDIV, INC/DEC дотепер уважалось, що операндами таких операцій є цілі числа зі знаком або без нього. Насправді це не зовсім так, або навіть зовсім не так. Уся раніше розглянута арифметика без перешкод узагальнюється для чисел, поданих у форматі з фіксованою комою. Якщо кома фіксується після молодшого розряду числа, то це ціле число (дробова частина дорівнює 0, і для неї не виділяють розрядів), якщо ж кома фіксується перед старшим розрядом числа, то це правильний дріб (ціла частина дорівнює 0, і для неї не виділяється розрядів). Знак числа в обох випадках кодується в самому лівому розряді.

Приклад 3.1. Розглянемо базові арифметичні команди на прикладі 4-розрядних двійкових чисел. Виконаємо перетворення чисел  $0,125d$ ,  $0,25d$   $0,5d$  на двійкову систему за допомогою алгоритму множення.

$$\begin{array}{r} \times \quad 0,125d \\ \quad \quad 2d \\ \hline 0,250d \end{array} \quad \times \quad 0,25d \\ \quad \quad 2d \\ \hline 0,50d \quad \times \quad 0,5d \\ \quad \quad 2d \\ \hline 1,0d$$

↓ ↓ ↓ →  $0,125d = 0,0010b$

У процесі перетворення попутно було отримано і двійкові значення двох інших чисел:  $0,25d = 0,0100b$  та  $0,5d = 0,1000b$  (незначущі нулі зліва записано для вирівнювання на межу 4-х бітів)

Зафіксувавши кому перед старшим розрядом числа виконаємо додавання та множення:

$$\begin{array}{r} + \quad 0,5000d \\ \quad 0,1250d \\ \hline 0,6250d \end{array} \quad = \quad \begin{array}{r} + \quad 0,1000b \\ \quad 0,0010b \\ \hline 0,1010b \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \times 0,25d \\ 0,50d \\ \hline 000 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 125 \\ \hline 0,125 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \times 0,0100b \\ 0,1000b \\ \hline 00000 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 00000 \\ 00000 \\ 00100 \\ \hline 0,00100000b = 0,125d \end{array}$$

Зафіксувавши кому після молодшого розряду, отримуємо:

$$\begin{array}{r} + 1000,0b = 8d \\ 0010,0b = 2d \\ \hline 1010,0b = 10d \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \times 0100,0b = 4d \\ 1000,0b = 8d \\ \hline 00000 \\ 00000 \\ 00000 \\ 01000 \\ \hline 00100000,00b = 32d \end{array}$$

«Забувши» про існування коми, адже про неї не здогадується і мікропроцесор, бачимо, що числові розряди результатів операцій однакові, і виникає питання, як їх інтерпретувати. Під час множення чисел за модулем, менших ніж одиниця, результат не може перевищити одиницю, збільшення довжини результату в два рази означає збільшення кількості цифр дробової частини. Переповнення під час додавання чисел з фіксованою перед старшим розрядом комою означає, що результат уже буде більший ніж 1. Така ситуація фіксується мікропроцесором установленням прапорця CF і потребує обробки.

Існує певний клас задач, у яких потрібно виконувати обчислення дійсних чисел, до того ж, бажано робити це дуже швидко, а висока точність результатів непотрібна. Використання для таких розрахунків команд арифметичного співпроцесора недоцільне, або може бути й зовсім неприйнятне.

Ураховуючи те, що в таких задачах діапазон можливих значень чисел зазвичай відомий, для спрощення розрахунків використовують формат з

фіксованою комою, за якого розряди відводяться і для цілої, і для дробової частин числа. Оскільки такий формат явно не підтримується системою команд процесора, то потрібно створити для нього власну обробку.

Для цього відводять певну кількість байтів для розміщення цілої частини числа й певну кількість байтів для розміщення його дробової частини. Операції виконують окремо з обома частинами таких чисел, але при цьому враховують можливий вплив результатів оброблення однієї частини на іншу.

Найзручнішими форматами чисел з фіксованою комою щодо подальшої реалізації арифметичних операцій є формати, що узгоджуються з розрядністю регістрів процесора – 8:8, 16:16 та 32:32. Додавання і віднімання для чисел з фіксованою комою нічим не відрізняється від додавання і віднімання цілих чисел:

```
mov  ax,1080h
mov  bx,1240h
add  ax,bx
sub  ax,bx
```

Тепер, якщо вважати, що операції були виконані з числами з фіксованою комою в форматі 8:8, тобто AH:AL – ціла:дробова частина першого числа, BH:BL – ціла:дробова частина другого числа, то результати можна інтерпретувати так:

$$\begin{array}{r} + \text{ AX} = 1080\text{h} = 16,5\text{d} \\ \text{BX} = 1240\text{h} = 18,25\text{d} \\ \hline \text{AX} = 22\text{C0h} = 34,75\text{d} \\ - \text{ BX} = 1240\text{h} = 18,25\text{d} \\ \hline \text{AX} = 1080\text{h} = 16,5\text{d} \end{array}$$

Під час множення потрібно пам'ятати, що воно призводить до збільшення довжини результату у два рази. Наприклад, нехай EAX і EBX містять числа з фіксованою комою у форматі 16:16, тоді після виконання команди `mul ebx` EDX:EAX міститиме 64-бітний результат, де EDX містить усю цілу частину, а EAX – усю дробову), а після команди `shrd eax,edx,16` EAX міститиме кінцеву

відповідь, якщо не відбулося переповнювання (тобто якщо результат не перевищив 65 535).

Реалізація ділення потребує дещо більших зусиль. Число, записане з фіксованою комою у форматі 16:16, можна подати як число, помножене на  $2^{16}$ . Якщо розділити такі числа одне на одне, то отримаємо:  $(A * 2^{16}) / (B * 2^{16}) = A/B$ . Щоб результат мав потрібний вигляд  $(A/B) * 2^{16}$ , потрібно наперед помножити ділене на  $2^{16}$

```
xor    edx,edx
ror    eax,16
xchg  ax,dx    ; EDX:EAX = EAX * 216
div   ebx     ; EAX = результат
```

Саме завдяки використанню аналогічних методів перші комп'ютери через відсутність арифметичного співпроцесора могли виконувати операції над числами з плаваючою комою. Компілятори мов програмування високого рівня виконували емуляцію арифметики з плаваючою комою, замінюючи команди арифметичного співпроцесора еквівалентними послідовностями команд арифметики з фіксованою комою.

### Завдання до практичного заняття

Визначити номер свого варіанта завдання. Для визначення номера варіанта потрібно перевести номер, залікової книжки у двійкову систему числення, виділити п'ять молодших бітів і скористатися таблицею 3.1.

Таблиця 3.1

Номер варіанта $b_4b_3b_2b_1b_0$	Обчислити значення виразу, вважаючи, що X, Y, Z, U, V, W – це числа з фіксованою комою у форматі 16:16
0 0 0 0 0	$\frac{X^2 + X \cdot Y + W}{2 \cdot Z} + \frac{X^2 + X \cdot Y}{2 \cdot Z + Y^2}$
0 0 0 0 1	$\frac{W^2 + U}{X^2 + Y^2 + Z^2} + \frac{X^2 + Y^2 + Z^2}{X \cdot Y \cdot Z}$

Продовження таблиці 3.1

00010	$\frac{W^2+U}{X^2+Y^2+Z^2} + \frac{X+Y+Z}{V-U}$
00011	$\frac{X^2+Y^2+Z^2}{X \cdot Y \cdot Z} + \frac{Y^2}{X^2} + \frac{X \cdot Y}{U} - \frac{V}{Y+Z}$
00100	$\frac{U^2+V^2+XYZ}{(Z+Y)^2} + \frac{W^2+X \cdot Y+Z}{X^2+Y^2+Z^2}$
00101	$\frac{W^2+U}{X^2+Y^2+Z^2} + \frac{X^2+Y^2+Z^2}{X \cdot Y \cdot Z} + \frac{Y^2}{X^2}$
00110	$\frac{W^2+X \cdot Y+Z}{X^2+Y^2+Z^2} + \frac{X \cdot Y^2 \cdot Z}{X^2+Y^3+Z^2}$
00111	$\frac{W^2+X \cdot Y + \frac{U}{X}}{X \cdot Y \cdot Z} + \frac{W+U \cdot V}{2X^2+3U-8}$
01000	$\frac{W^2+X \cdot Y + \frac{U}{X^2}}{X^2 \cdot Y \cdot Z} + \frac{Y^3}{Z^2}$
01001	$\frac{W^2+X \cdot (Y+Z^2) + U}{X^2 \cdot Y \cdot Z} + \frac{(X+Y)^2}{2U} + \frac{Y^3}{Z^2}$
01010	$\frac{U^2 + (V+Y^2)X + 2}{4}$
01011	$\frac{X^2+Y^2+Z^2}{U+V} + \frac{Y^2 X^2}{2} - \frac{W+U \cdot V+4}{X \cdot Y \cdot Z}$
01100	$\frac{X^2+X \cdot Y+Y^2}{U+V} + \frac{X \cdot Y \cdot Z}{Z+U} + \frac{W+U \cdot V}{2X^2+3U-8}$

Продовження таблиці 3.1

0 1 1 0 1	$\frac{U V}{X^2+Y^2+Z^2} + \frac{U^2 + (V+Y^2)X+2}{4} - \frac{V-U}{Y^2}$
0 1 1 1 0	$\frac{U V}{X + X Y + X Y Z} + \frac{U^2 + V^2}{2UV+1} - \frac{W + (X+Y+Z)^3}{XYZV}$
0 1 1 1 1	$\frac{(X+Y)^3}{W + X^2} + \frac{W + X Y Z}{U^2+V^2} - \frac{X^2+Y^2+Z^2}{12}$
1 0 0 0 0	$\frac{(X+Y)^2}{2U} + \frac{Y^3}{Z^2} - \frac{W}{U^2+V^2}$
1 0 0 0 1	$\frac{X^3+Y^2+Z}{U + X + Z} + \frac{U V}{XYZ} - \frac{W}{V(X+4)}$
1 0 0 1 0	$\frac{X^2Y^2}{X + Y + Z} - \frac{W + ZU}{2U + Y + Z} + \frac{U^2 + V^2}{(Z+Y)^2}$
1 0 0 1 1	$\frac{W - UV}{XYZ} + \frac{U^2 + V^2}{W-U} - \frac{W}{U^2 + ZU}$
1 0 1 0 0	$\frac{(X^2+Y)^3}{W + UV} + \frac{X Y Z}{U^2} - \frac{W}{3U^2}$
1 0 1 0 1	$\frac{U^2+X Y Z+V^2}{U(X+Z)} + \frac{4X^2Y^2}{U} - \frac{W-UV}{U^2}$
1 0 1 1 0	$\frac{X^3+3X Y Z^2+2}{2U + V} - \frac{XYZ}{4} + \frac{W-U(X+V)}{U}$
1 0 1 1 1	$\frac{X^3+Y^2+Z}{U + X + Z} + \frac{U V}{XYZ^2} + \frac{W}{V(XY+4)}$



Продовження таблиці 3.1

1 1 0 0 0	$\frac{X^2 Y^2}{X + Y + Z} + \frac{W + ZU}{U + Y + Z^2} + \frac{U^2 + V^2 + XYZ}{(Z + Y)^2}$
1 1 0 0 1	$\frac{U V}{X + X Y + X Y Z} + \frac{W}{U^2 + ZU}$
1 1 0 1 0	$\frac{X^3 + X Y Z^2 + 2}{X + V + W} + \frac{XYZ}{X + V} + \frac{W - U(X + V)}{U}$
1 1 0 1 1	$\frac{W - UV}{XYZ} + \frac{U^2 + V^2}{W - U} + \frac{U^2 + V^2 + XYZ}{(Z + Y)^2}$
1 1 1 0 0	$\frac{X Y}{X + X Y + X Y Z} + \frac{U^2 + V^2}{XY + 1} + \frac{W + (X + Y)^3}{XYZV}$
1 1 1 0 1	$\frac{X^3 + Y^2 + Z}{U + X + Z} + \frac{U V}{XYZ^2} + \frac{XYZ}{X + V}$
1 1 1 1 0	$\frac{(X + Y)^2}{U + V} + \frac{Y^3}{Z^2} + \frac{W^2}{U^2 + V^2}$
1 1 1 1 1	$\frac{X^3 + X Y Z^2 + 2}{X + V + W} + \frac{W - U(X + Y)^2}{U^2}$

### Контрольні питання

1. У чому полягає обмеженість основної системи команд процесора для обчислювальних задач?
2. Якими способами можна реалізувати обчислення елементарних функцій з використанням основної системи команд процесора?

### Зміст звіту

Звіт з цієї практичної роботи має містити такі складові.

1. Назва і мета практичної роботи.

2. Повний вихідний текст усіх файлів проекту вирішення завдання практичної роботи з їх детальними коментарями.

3. Відповіді на контрольні питання.

*Література:* [2, 4, 5].

## **2 КРИТЕРІЇ ОЦІНЮВАННЯ ЯКОСТІ ВИКОНАННЯ ЗАВДАНЬ ПРАКТИЧНИХ ЗАНЯТЬ СТУДЕНТАМИ**

Оцінювання роботи студентів з виконання практичних робіт з навчальної дисципліни здійснюється на підставі оцінювання кожної практичної роботи з переліку цих методичних вказівок. Максимальна кількість балів за кожну практичну роботу дорівнює 6 балів. Кожна практична робота оцінюється за такими складовими:

1. Звіт з виконання практичної роботи – 1 бал.
2. Захист практичної роботи – 5 балів.

Підсумкова оцінка виконання практичних робіт з навчальної дисципліни розраховується з цілої частини від попередньо обчисленого числа  $S \cdot M / K / 6 + 0,5$ , де  $S$  – сума оцінок усіх складових усіх практичних робіт,  $K$  – загальна кількість практичних робіт,  $M$  – максимальна кількість балів на цей вид контролю, що передбачена в робочій навчальній програмі дисципліни.

## СПИСОК ЛІТЕРАТУРИ

1. Голубь Н. Г. Искусство программирования на Ассемблере. Лекции и упражнения. 2-е изд., испр. и доп. С.Пб.: ДиаСофтЮП, 2002. 656 с.
2. Зубков С. В. Assembler для DOS, Windows и UNIX. 3-е изд., стер. М.: ДМК Пресс; С.Пб.: Питер, 2004. 608 с.
3. Калашников О. А. Ассемблер? Это просто. Учимся программировать. С.Пб.: БХВ-Петербург, 2006. 384 с.
4. Кип Р. Ирвин. Язык ассемблера для процессоров Intel. 4-е изд., пер. с англ. М.: Издательский дом «Вильямс», 2005. 912 с.
5. Юров В. И. Assembler. Практикум. 3-е изд. С.Пб.: Питер, 2006. 399 с.

Методичні вказівки щодо практичних робіт з навчальної дисципліни «Системне програмування» для студентів денної та заочної форм навчання зі спеціальності 123 – «Комп'ютерна інженерія».

Укладач старш. викл. Ю. В. Зілінський

Відповідальний за випуск в.о. зав. кафедри КІС к. т. н. В. М. Сидоренко

Підп. до др. \_\_\_\_\_ Формат 60x84 1/16. Папір тип. Друк ризографія.  
Ум. друк. арк. \_\_\_\_ . Наклад \_\_\_\_\_ прим. Зам. № \_\_\_\_\_ . Безкоштовно.

Редакційно-видавничий відділ  
Кременчуцького національного університету  
імені Михайла Остроградського  
вул. Першотравнева, 20, м. Кременчук, 39600